

## COMPÊNDIO DE MATEMÁTICA

4. **Divisão de números complexos na forma trigonométrica.**  
 Como já é sabido, dados dois números complexos  $z_1, z_2$ , sendo  $z_2 \neq 0$  existe um e um só número complexo  $\zeta$  tal que

$$(1) \quad z_2 \zeta = z_1$$

Este número  $\zeta$  é o quociente de  $z_1$  por  $z_2$  ou seja  $\zeta = z_1/z_2$ .  
 Ponhamos

$$z_1 = r_1 E(\alpha_1) , \quad z_2 = r_2 E(\alpha_2) , \quad \zeta = \rho E(\varphi)$$

Então, segundo a regra da multiplicação, (1) equivale

$$(1') \quad (r_2 \rho) E(\alpha_2 + \varphi) = r_1 E(\alpha_1)$$

onde, aplicando o critério de igualdade (n.º 2):

$$(2) \quad r_2 \rho = r_1 \quad \text{e} \quad \alpha_2 + \varphi \equiv \alpha_1 \pmod{2\pi}$$

ou seja

$$\rho = \frac{r_1}{r_2} \quad \text{e} \quad \varphi \equiv \alpha_1 - \alpha_2 \pmod{2\pi}$$

Por conseguinte:

$$\frac{r_1 E(\alpha_1)}{r_2 E(\alpha_2)} = \frac{r_1}{r_2} E(\alpha_1 - \alpha_2)$$

isto é:

**REGRA.** O quociente de  $z_1$  por  $z_2$  (supondo  $z_2 \neq 0$ ) tem por módulo o quociente de  $|z_1|$  por  $|z_2|$  e por argumento a diferença entre um argumento de  $z_1$  e um argumento de  $z_2$ .